

CorrigeDS7

1.  $L_0 \ ? \ \frac{2x^2+2x+2}{2}, L_1 \ ? \ \frac{x^2+2}{2}, L_2 \ ? \ \frac{x^2+1}{2}$ , verifier qu'elle est libre,  $P \ ? \ X \ ? \ ? \ P \ ? \ L_0 \ ? \ P \ ? \ L_1 \ ? \ P \ ? \ L_3$

2.  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 3/2 & 1 & 1/2 \\ 1/2 & 1/2 & 1/2 \end{bmatrix}$ , calculer a l'aide des operations elementaires les valeurs pour lesquelles  $\text{rg}(A-aI) \ ? \ 3$ ,

on trouve que  $a \ ? \ 1$  est solution donc 1 valeur propre, resoudre le systeme  $AX \ ? \ X$ , on trouve les equations  $-3x - 4y - z \ ? \ 0$  et  $x + y - z \ ? \ 0$ , trouver x et y en fonction de z puis donner les polynomes associes

3. calcul et en utilisant le fait que 1 valeur propre

4. montrer qu'elle est libre, les coefficients sont :  $P \ ? \ a_i \ ? \ 1 \ ? \ i \ ? \ n$

5. A inversible car matrice de passage entre deux base son inverse est :  $P_{B \ ? \ B} \ ? \ (a_i^{j \ ? \ 1})_{1 \ ? \ i, j \ ? \ n}$

6. poser  $P \ ? \ X \ ? \ ? \ ? \ L_i \ ? \ X \ ? \ ? \ 1$ , P est de degre n admet  $n \ ? \ 1$  racines  $a_i \ ? \ 0 \ ? \ i \ ? \ n$  donc nul

7. car les elements de la 1ere ligne sont  $L_i \ ? \ 0$  puis utiliser 6 et ceux des autre lignes sont  $L_i \ ? \ 0$  Utiliser la formule de Taylor

8. d'apres (7)  $\text{rg}(A-I) \ ? \ n$  puisque les sommes des coefficients des lignes sont tous nuls, donc la somme des ligne est la ligne nulle

9. Pareil que (3).

10. Pareil que (7).

11. verifier que c'est libre